Fördermaterial

**zur Gleichwertigkeit von Termen**

Von Macarena Larrain, Lukas Weith, Tobias Domokos, Lars Holzäpfel

Marita Friesen, Anika Dreher und Bärbel Barzel

Quelle: Larrain, M., Weith, L., Domokos, T., Holzäpfel, L., Friesen, M., Dreher, A. & Barzel, B. (2022).  
*Gleichwertigkeit von Termen.* Open Educational Resources. Online frei zugreifbar unter maco.dzlm.de/node/59.

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 1 | Punkte geschickt zählen | | | |
|  | Um die Anzahl der Punkte geschickt und schnell zu zählen, kannst du die Punkte sinnvoll in Gruppen einteilen. | | | |
|  | a) | | Teile auf den folgenden Bildern die Punkte so ein, dass du schnell und geschickt  zählen kannst. Finde zu jedem Bild drei verschiedene Möglichkeiten und markiere sie. | |
|  | b) | | Schreibe zu jedem Punktmuster eine passende Rechnung (R) und die Anzahl  der Punkte auf. | |
|  | |  |  |  | | --- | --- | --- | | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | R: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Anzahl der Punkte: \_\_\_\_\_\_\_ | | | | |
| 2 | | Muster in Bilderfolgen erkennen | | |
|  | | Die vier Freunde haben Muster in den Bilderfolgen entdeckt und Regeln dazu gefunden. Kannst du die Regeln den Bilderfolgen zuordnen? (Eine Regel kann auch für mehrere Bilderfolgen gelten.) | | |
|  | | Es kommt  immer das erste Bild nochmal dazu.  Ein Bild, das Clipart, Animation, Puppe, Cartoon enthält.  Automatisch generierte Beschreibung | |  |
|  | | Ein Bild, das Cartoon, Zeichnung, Schuhwerk, Kunst enthält.  Automatisch generierte Beschreibung  Jedes Mal werden zwei Punkte eingefügt. | |  |
|  | | Es werden immer fünf Punkte dazu genommen.  Ein Bild, das Zeichnung, Kleidung, Darstellung, Cartoon enthält.  Automatisch generierte Beschreibung | |  |
|  | | Ein Bild, das Zeichnung, Cartoon, Darstellung, Clipart enthält.  Automatisch generierte Beschreibung  Es kommt immer noch eine Dreier-Spalte hinzu. | |  |

Illustration: Studio Wilma

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 3 | In Bilderfolgen geschickt weiterzählen | |
|  | Schau dir an, was sich von einem Bild zum nächsten ändert, und was gleich bleibt. Ergänze jeweils das vierte Bild und beschreibe eine Regel für die Bilderfolge. | |
|  | **Bilderfolge 1** | |
|  |  | |
|  | a) | Beschreibe eine Regel für diese Bilderfolge.   |  | | --- | |  | |
|  | b) | Bestimme die Anzahl der Punkte in jedem Bild.   |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | |  |  |  |  | |  |  |  |  | |
|  | c) | Wie viele Punkte hat das achte Bild der Bilderfolge? Schreibe deinen Rechenweg auf.   |  | | --- | |  | |
|  | d) | Wie hast du die Anzahl der Punkte im achten Bild herausgefunden?   |  | | --- | |  | |
|  |  |  |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | **Bilderfolge 2** | |
|  |  | |
|  | a) | Beschreibe eine Regel für diese Bilderfolge:   |  | | --- | |  | |
|  | b) | Bestimme die Anzahl der Punkte in jedem Bild:   |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | |  |  |  |  | |  |  |  |  | |
|  | c) | Wie viele Punkte hat das achte Bild der Bilderfolge? Schreibe deinen Rechenweg auf.   |  | | --- | |  | |
|  | d) | Wie hast du die Anzahl der Punkte im achten Bild herausgefunden?   |  | | --- | |  | |
|  |  |  |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | **Bilderfolge 3** | |
|  |  | |
|  | a) | Beschreibe eine Regel für diese Bilderfolge:   |  | | --- | |  | |
|  | b) | Bestimme die Anzahl der Punkte in jedem Bild:   |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | |  |  |  |  | |  |  |  |  | |
|  | c) | Wie viele Punkte hat das achte Bild der Bilderfolge? Schreibe deinen Rechenweg auf.   |  | | --- | |  | |
|  | d) | Wie hast du die Anzahl der Punkte im achten Bild herausgefunden?   |  | | --- | |  | |
|  |  |  |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | **Bilderfolge 4** | |
|  |  | |
|  | a) | Beschreibe eine Regel für diese Bilderfolge:   |  | | --- | |  | |
|  | b) | Bestimme die Anzahl der Punkte in jedem Bild:   |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | |  |  |  |  | |  |  |  |  | |
|  | c) | Wie viele Punkte hat das achte Bild der Bilderfolge? Schreibe deinen Rechenweg auf.   |  | | --- | |  | |
|  | d) | Wie hast du die Anzahl der Punkte im achten Bild herausgefunden?   |  | | --- | |  | |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
| 4 | | In Zahlenfolgen weiterzählen | | |
|  | | Auch bei vielen Zahlenfolgen hängen die Zahlen durch eine Regel miteinander zusammen. Diese Regel erklärt, wie die Folge fortgesetzt werden kann.  **Setze die  Zahlenfolge fort.**  **9; 14; 19; 24**  Can, Mia und Viktoria haben sich unterschiedliche  Lösungswege überlegt, um die Zahlenfolge fortzusetzen. | | |
|  | | Ein Bild, das Zeichnung, Kleidung, Darstellung, Cartoon enthält.  Automatisch generierte Beschreibung  Can | |  |
|  | | Ein Bild, das Zeichnung, Cartoon, Darstellung, Clipart enthält.  Automatisch generierte Beschreibung  Viktoria | | |  |  |  | | --- | --- | --- | | 9 | Linienpfeil: Wende um 180 Grad, horizontal | **+5** | | 14 | Linienpfeil: Wende um 180 Grad, horizontal | **+5** | | 19 | Linienpfeil: Wende um 180 Grad, horizontal | **+5** | | 24 | Linienpfeil: Wende um 180 Grad, horizontal | **+5** | |
|  | | Ein Bild, das Cartoon, Zeichnung, Schuhwerk, Kunst enthält.  Automatisch generierte Beschreibung  Mia  Ich zeichne eine Bilderfolge mit den Zahlen.  Ich zerlege die Zahlen. Dafür benutze ich Zahlen, die zu den Stellen passen, an denen die Zahlen stehen.  In der Tabelle kann ich sehen,  was sich in jeden Schritt ändert. | | 4 + **1** · 5  4 + **2** · 5  4 + **3** · 5  4 + **4** · 5  … |
|  | a) | | Nutze die drei Ansätze, um diese Zahlenfolge fortzusetzen: 8, 11, 14, 17, … | |
|  |  | | Cans Ansatz (eine Bilderfolge zeichnen)   |  | | --- | |  | | |
|  |  | | Mias Ansatz (die Zahlen zerlegen)   |  | | --- | |  | | |
|  |  | | Viktorias Ansatz (eine Tabelle nutzen)   |  | | --- | |  | | |

Bilder: Tafel: https://pixabay.com/de/vectors/tafel-kreide-radiergummi-lernen-307835/

Menschen: Studio Wilma

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | b) | Entscheide dich für einen der drei Ansätze und setze die folgenden Zahlenfolgen fort.  Welchen Ansatz hast du ausgesucht und warum? |
|  |  | * 5, 7, 9, 11, … * 15, 20, 25, 30, … |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 5 | Zahlen an hohen Stellen | |
|  | Mit Viktorias Ansatz kannst du eine Rechenregel aufstellen. Diese hilft dir auch dabei,  die Anzahl der Punkte für Figuren an einer späteren Stelle zu berechnen.  In der folgenden Tabelle sind eine Zahlenfolge und die passende Bilderfolge vorgegeben. | | |
|  | |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | | **Stelle** | 1. | 2. | 3. | 4. | 5. | 6. | ... | 10. | …. | 20. | | **Zahl** | 9 | 13 | 17 |  | 25 |  | … |  | … |  | | **Bild** |  |  |  |  |  |  | … |  | … |  | | | |
|  | a) | Was ändert sich von Stelle zu Stelle, was bleibt gleich? | |
|  | b) | Überlege dir eine Regel, mit der du die nächsten Zahlen finden kannst.   |  | | --- | |  | | |
|  | c) | Ergänze die Zahlen und Bilder an der 4. und 6. Stelle. | |
|  | d) | Wie kannst du die Anzahl der Punkte an der 10. Stelle berechnen,  ohne die 7., 8. und 9. Stelle zu berechnen?   |  | | --- | |  | | |
|  | e) | Berechne die Anzahl der Punkte an der 20. Stelle. Erkläre, wie du vorgegangen bist.   |  | | --- | |  | | |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 6 | Zahlenfolgen beschreiben und berechnen | |
| Icon  Description automatically generated | a) | Die folgende Tabelle hilft dir, einen Term zu einer Bilderfolge aufzustellen.   |  |  |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | | **Stelle** | **1.** | **2.** | **3.** | **…** | **10.** | **50.** | | **Bilderfolge** |  | Icon  Description automatically generated |  |  |  |  | | **Anzahl der Punkte** |  |  |  |  |  |  | | **Rechnung** |  |  |  |  |  |  | |
|  |  | * Was ändert sich von Stelle zu Stelle? \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ Punkte kommen dazu. * Startzahl: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  (Was war schon da, bevor man die Punkte von der 1. Stelle hinzugefügt hat?) * Erkläre, wie du die Terme zu den Bilderfolgen erstellt hast.   \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ |
|  | b) | Um eine Zahl an einer beliebigen Stelle von einer Zahlenfolge zu berechnen, kannst du einen Term mit Variable benutzen.  Diese Tabelle hilft dir, einen Term zu einer Zahlenfolge aufzustellen.   |  |  |  |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | | **Stelle** | **1.** | **2.** | **3.** | **…** | **10.** | **50.** | **x.** | | **Zahlenfolge** | 7 | 11 | 15 |  |  |  |  | | **Rechnung** |  |  |  |  |  |  |  | |
|  |  | * Was ändert sich von Stelle zu Stelle? \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ * Startzahl: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_   (Was war schon da, bevor man die Punkte von der 1. Stelle hinzugefügt hat?)   * Wie lautet ein Term, mit dem man die Zahl an jeder beliebigen Stelle berechnen kann? (Hinweis: du kannst x wie einen Platzhalter verwenden)   \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ |
|  | c) | Fülle die Tabelle aus und stelle Terme zu den Zahlenfolgen auf.   |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | | **Zahlenfolge** | **Startzahl** | **Änderung** | **Zahl an der  100. Stelle** | **Term** | | 4, 8, 12, 16, … |  |  |  |  | | 11, 16, 21, 26, … |  |  |  |  | | 6, 10, 14, 18, … |  |  |  |  | |

|  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- |
| 7 | Mit verschiedenen Termen verallgemeinern I | | |
|  | Can und Mia haben versucht, einen Term zu finden, mit dem man die Anzahl der  Streichhölzer an der x-ten Stelle in der folgenden Bilderfolge bestimmen kann.   |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | |  |  |  |  | |  |  |  |  | | | |
|  | Zuerst zähle ich die Streichhölzer oben und unten: das sind 2 für jedes Quadrat.  Außerdem brauche ich für jedes Quadrat ein Streichholz als linke Seite und zum Schluss ein einzelnes Streichholz, um die Figur rechts abzuschließen.  Ein Bild, das Zeichnung, Kleidung, Darstellung, Cartoon enthält.  Automatisch generierte Beschreibung  Can | |  |
|  | In jedem Schritt füge ich 3 Streichhölzer hinzu. Am Ende brauche ich nur noch ein Streichholz, um das letzte Quadrat zu schließen.  Ein Bild, das Cartoon, Zeichnung, Schuhwerk, Kunst enthält.  Automatisch generierte Beschreibung  Mia | |  |
|  | a) | Can und Mia haben dieselbe Bildfolge beschrieben, aber auf verschiedene Weise. Kannst du die folgenden Terme zu Cans und Mias Beschreibungen zuordnen?   |  |  | | --- | --- | | Term | Name | | x · 3 + 1 |  | | x · 2 + x + 1 |  | | | |
|  | b) | Es gibt noch andere Möglichkeiten, die Anzahl der Streichhölzer an einer beliebigen Stelle zu zählen. Denke dir noch eine andere aus, beschreibe wie du gezählt hast und schreibe einen Term dazu auf.  Wie hast du gezählt?  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Term: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ | | |

Illustration: Studio Wilma

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
| 8 | Mit verschiedenen Termen verallgemeinern II | |
|  | a) | Untersuche und beschreibe die folgenden Bilderfolgen.   |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | |  |  |  |  |  | | ➀ | ➁ | ➂ | ➃ | ➄ | |
|  |  | * Wie wird das Bild an der 5. Stelle aussehen? Zeichne es oben. * Wie viele Streichhölzer braucht man an jeder Stelle?  |  |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | --- | | **Stelle** | **1.** | **2.** | **3.** | **4.** | **5.** | | **Anzahl der Streichhölzer** |  |  |  |  |  | |
|  |  | * Wie viele Streichhölzer braucht man an der 10. Stelle? \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ * Finde einen Term mit dem du die Anzahl der Streichhölzer an der x-ten Stelle in dieser Bilderfolge bestimmen kannst.   Term: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ |

|  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- |
|  | b) | | |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | |  |  |  |  | | \_\_\_ Punkte | \_\_\_ Punkte | \_\_\_ Punkte | \_\_\_ Punkte | |
|  |  | | * Wie viele Punkte gibt es in den einzelnen Figuren? Ergänze oben die Anzahl. * Wie hast du die Punkte gezählt? Zeichne es ein und erkläre dein Vorgehen in Worten.   \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_   * Wie viele Punkte braucht man an der 5. Stelle? \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ * Schreibe deine Rechnung auf.  |  | | --- | |  | |
|  |  | * Und an der 10. Stelle? \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ * Schreibe deine Rechnung auf.  |  | | --- | |  |  * Finde einen Term, mit dem du die Anzahl der Punkte der x-ten Stelle in dieser Bilderfolge bestimmen kannst.   Term: \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_   * Es gibt noch andere Möglichkeiten, die Punkte geschickt zu zählen.  Finde mindestens zwei weitere Zählweisen. Probiere deine Überlegungen in den Zeichnungen aus.      * Passen diese zwei Terme zu einer Zählweise, die du schon gefunden hast? Wenn ja, zu welcher? Wenn nein, zeichne sie ein.  |  |  |  | | --- | --- | --- | | 4 · x + 4 |  | 2 · (x + 2) + 2 · x | | |
| 9 | Terme vergleichen | | | |
|  | Mia und Finn möchten einen Freilauf für ihre neuen Kaninchen  im Garten aufbauen. Da er in einer Ecke des Gartens gebaut wird,  sind die Maße 2 m und 3 m durch das Haus festgelegt.  Die Maße p und n sind noch veränderbar, je nachdem, wie viel  Platz für die Kaninchen benötigt wird. | | | |

|  |  |  |  |  |
| --- | --- | --- | --- | --- |
|  | a) | Wie kann man die Größe des Freilaufs für jede Größe von n und p berechnen?  Finde einen Term und erkläre, wie du berechnest.   |  | | --- | |  | | |
|  | b) | Mia, Finn und ihre Freunde haben unterschiedliche Terme für das Kaninchengehege aufgestellt.  Welche der Terme passen und welche nicht? | |
|  | c) | Emily möchte in der Skizze herausfinden, welche Terme die Fläche des Freilaufs berechnen. Dazu überlegt sie, wie die Figur jeweils zerlegt oder ergänzt wurde.  Nutze Emilys Strategie, um herauszufinden, mit welchen Termen man den gleichen Flächeninhalt berechnen kann. Markiere in den Skizzen, wofür die einzelnen Terme stehen. |  |
|  |  | |  |  |  | | --- | --- | --- | | **Mia: p · (n + 3) + 2 · n** | **Can: (n + 3) · (p + 2) – 3 · 2** | **Finn: 3 · p + 2 · n** | |  |  |  | | **Emily: 3 · p + p · n + 2 · n** | **Viktoria: n · (p + 2)** |  | |  |  |  | | |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | d) | Can hat eine Tabelle aufgestellt, um die Terme und ihre Werte zu vergleichen.  Er setzt Zahlenbeispiele für n und p ein. |
|  |  | Setze dieselben Zahlen für n und p in Finns, Emilys und Viktorias Terme ein. Dann setze noch zwei andere Zahlenpaare in jeden Term ein.   |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | --- | | **n** | **p** | **Can**   |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | | (n + 3) | · | (p + 2) | – | 3 · 2 | | **Mia**   |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | | p | · | (n + 3) | + | 2 · n | | **Finn**  3 · p + 2 · n | **Emily**  3·p + p·n + 2·n | **Viktoria**  n · (p + 2) | | 4 | 5 | |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | | (4 + 3) | · | (5 + 2) | – | 3 · 2 | | 7 | · | 7 | – | 6 | | 49 | | | – | 6 | | 43 | | | | | | |  |  |  |  |  | | --- | --- | --- | --- | --- | | 5 | · | (4 + 3) | + | 2 · 4 | | 5 | · | 7 | + | 8 | | 35 | | | + | 8 | | 43 | | | | | |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  | |  |  |  |  |  |  |  | |
|  |  | Wie hilft die Tabelle, um herauszufinden, welche Terme den Flächeninhalt des Kaninchen-Freilaufs beschreiben?  Warum kann man das Einsetzen zum Prüfen nutzen?  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ |

|  |  |
| --- | --- |
| 10 | Terme auf verschiedenen Arten vergleichen |
|  | Manche Terme sehen unterschiedlich aus, stehen aber für dasselbe, sie sind **gleichwertig**. |

|  |  |
| --- | --- |
|  | Terme, die dasselbe Bild oder dieselbe Situation beschreiben, sind **gleichwertig**.  Man nennt sie auch **beschreibungsgleich**.  Zwei Terme sind auch **gleichwertig**, wenn beim Einsetzen *immer* derselbe Wert herauskommt. Man nennt sie **einsetzungsgleich**.  Um zu prüfen, ob Terme gleichwertig sind, gibt es verschiedene Wege. |

|  |  |  |
| --- | --- | --- |
|  | a) | In Aufgabe 9 hast du Emilys Strategie genutzt, um mithilfe der Skizzen verschiedene Terme zu vergleichen und zu prüfen, ob sie dieselbe  Figur beschreiben. |
|  |  | Auch bei den Bilderfolgen hast du verschiedene Terme gefunden, die dasselbe Bild beschrieben haben. |
|  |  | Nutze das folgende Bild, um zu begründen, dass beide Terme **beschreibungsgleich**, und damit auch **gleichwertig** sind.   |  |  |  | | --- | --- | --- | | **4 · x + 4 · 2** |  | **4 · (x + 2)** |  |  |  |  | | --- | --- | --- | |  | x | 2 | | 4 |  |  |   \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ |
|  | b) | Zwei Terme sind auch beschreibungsgleich, wenn sie die gleiche Situation beschreiben.  In der folgenden Tabelle erklärt Mia ihre Strategie, mit der sie den ersten Term  aufgestellt hat. Fülle die Lücken aus.  Der rechte Term beschreibt das gleiche wie der linke. Schreibe unter ihm eine Strategie auf, mit der man auf diesen Term kommen könnte. |
|  |  | |  |  |  | | --- | --- | --- | | Mia möchte für die Kaninchen vier Trinkstationen im Freilauf einbauen.  Jede Flasche kostet x Euro. Zudem muss sie für jede Station einen Flaschenhalter kaufen, der zwei Euro kostet. Das kann Mia auf zwei Arten berechnen… | | | | Term | **4 · x + 4 · 2** | **4 · (x + 2)** | | Strategie | Ich kaufe \_\_\_ Flaschen für jeweils  \_\_ Euro und \_\_ \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ für  jeweils \_\_ Euro. |  | |
|  | c) | Man kann auch, wie Can in Aufgabe 9, eine Tabelle erstellen und unterschiedliche Werte einsetzen. Fülle die Tabelle aus, indem du drei verschiedene Werte für x in die beiden Terme einsetzt.   |  |  |  | | --- | --- | --- | | x | **4 · x + 4 · 2** | **4 · (x + 2)** | |  |  |  | |  |  |  | |  |  |  |   Woran kann man erkennen, ob beide Terme gleichwertig sind?  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ |
|  |  | Probiere es an einem anderen Beispiel. Fülle die Tabelle aus, indem du die drei Werte  für x in jeden Term einsetzt.   |  |  |  | | --- | --- | --- | | x | **3x + 8** | **2 · (x + 6)** | | 4 |  |  | | 2 |  |  | | 7 |  |  | |
|  |  | Sind die beiden Terme gleichwertig? \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Woran kann man das erkennen?  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  Stell dir vor, du hättest nur die 4 in beide Terme eingesetzt und dann aufgehört. Wie wäre deine Entscheidung dann gewesen?  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_  \_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_\_ |
|  | Manchmal haben zwei Terme zufällig den gleichen Wert, wenn man für die  Variable eine bestimmte Zahl einsetzt (manchmal klappt es sogar mit mehreren). Zum Beispiel, bei x = 5 haben 3 · (x + 2) und 2x + 11 den gleichen Wert:  **3 · (x + 2) 2x + 11** 3 · (5 + 2) 2 · 5 + 113 · 7 10 + 1121 21  Das heißt aber noch nicht, dass sie gleichwertig sind!  Probieren wir es z. B. mit dem Wert x = 7, funktioniert das nicht mehr:  **3 · (x + 2) 2x + 11** 3 · (7 + 2) 2 · 7 + 113 · 9 14 + 11  27 25  Damit zwei Terme gleichwertig sind, müssen sie für alle möglichen Werte von x den gleichen Wert ergeben.  Man kann auch nur einen Wert für x suchen, für den die beiden Terme nicht den gleichen Wert haben, dann reicht das schon, um sicher zu sein, dass sie nicht gleichwertig sind.  **Weitergedacht / Ausblick**: Es gibt in der Mathematik auch die Situation, bei denen man für zwei unterschiedliche Terme genau solche Zahlen sucht, damit sie den gleichen Wert annehmen.  Das lernst du später im Kapitel „Gleichungen“. | |